

3.5 (Mealy-Automat)

Es gibt die drei Zustände:

- schwarz q1 , weiß q2 und Farbwechselzustand q0
- Farbwechselzustand kann auch Merzustand verstanden werden

daraus ergibt sich ein Automat welcher erst nach 2 gleichen Bits einen Farbwechsel vollzieht. Sonst kehrt er zurück und lässt den Fehler in der Sequenz unberücksichtigt bzw. „glättet“ ihn.

3.6 Analyse eines NEA und Konversion in DEA

3.6.1

	0	1
$q_0 \Rightarrow \{q_0\}$	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
$q_1 = \{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
$q_2 =* \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$	$\{q_0, q_1, q_3\}$	$\{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
$q_3 =* \{q_0, q_1, q_3\}$	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_1, q_2, q_3\}$

3.6.2

Induktionsvoraussetzung: $L(A) = \{w \in \{0,1\}^* \mid v \in \{0,1\}^*. w = v1 \vee w = v10\}$

Induktionsbehauptung: Zeige

1. $(q_0, v1) \vdash^* (q_{1,1}) \vdash (q_3, \varepsilon) \Leftrightarrow v \in \{0,1\}^*$
2. $(q_0, v10) \vdash^* (q_{0,10}) \vdash (q_3, \varepsilon) \Leftrightarrow v \in \{0,1\}^*$

Induktionsanfang: $V = \varepsilon$

1. Fall $(q_0, 1) \vdash^* (q_1, 1)$ nach Definition 1.
2. Fall $(q_0, 10) \vdash^* (q_0, 10)$ nach Definition 2.

Induktionsschritt:

Fall 1

$$v = ua, u \in \{0,1\}^*, a \in \{0,1\}$$

$$\Rightarrow \text{daraus folgt } (q_0, v1) \vdash^* (q_1, 1) \vdash (q_3, \varepsilon)$$

dann gilt $(q_0, ua1) \vdash^* (p, a1) \vdash (q_1, 1) \vdash (q_3, \varepsilon)$ für einen Zustand $p \in Q$
es folgt $p = q_0, a \in \{0,1\}$ und durch Induktion ($u \in \{0,1\}^* \wedge a$) ist $v \in \{0,1\}^*$.

$$\Leftrightarrow \text{Es sei } v \in \{0,1\}^*.$$

$$\text{Dann ist } u \in \{0,1\}^* \wedge a \in \{0,1\}$$

$$\text{mit der IB1. folgt } (q_0, ua1) \vdash^* (q_0, a1) \vdash (q_1, 1) \vdash (q_3, \varepsilon)$$

Fall 2

$$v = ua, u \in \{0,1\}^*, a \in \{0,1\}$$

$$\Rightarrow \text{daraus folgt } (q_0, v10) \vdash^* (q_0, 10) \vdash (q_3, \varepsilon)$$

dann gilt $(q_0, ua10) \vdash^* (p, a10) \vdash (q_0, 10) \vdash (q_3, \varepsilon)$ für einen Zustand $p \in Q$
es folgt $p = q_0, a \in \{0,1\}$ und durch Induktion ($u \in \{0,1\}^* \wedge a$) ist $v \in \{0,1\}^*$.

$$\Leftrightarrow \text{Es sei } v \in \{0,1\}^*.$$

$$\text{Dann ist } u \in \{0,1\}^* \wedge a \in \{0,1\}$$

$$\text{mit der IB2. folgt } (q_0, ua10) \vdash^* (q_0, a10) \vdash (q_0, 10) \vdash (q_3, \varepsilon)$$

Erfolgt:

$$w \in L(A) \Leftrightarrow (q_0, w) \vdash^* (q_3, \varepsilon)$$

der Automata akzeptiert die Sprache $L(A)$